



→ Prendre $g = 9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$ quand le champ de pesanteur terrestre n'est pas indiqué.

ENERGIE MECANIQUE / cinétique de translation

EXERCICE 1

Calculer en J l'énergie cinétique E_C d'une voiture de masse $m = 1450 \text{ kg}$, se déplaçant à une vitesse $V = 90 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$.

$$E_C = 4,5 \cdot 10^5 \text{ J}$$

EXERCICE 2

Un bille de flipper en acier chromé de diamètre $d = 25 \text{ mm}$ doit disposer d'une énergie cinétique minimale de translation $E_{C_{min}} = 25 \text{ J}$ pour actionner le bumper qu'elle percute.

a) Calculer en kg la masse m_b de la bille.

$$m_b = 6,4 \cdot 10^{-2} \text{ kg}$$

b) Calculer en $\text{m} \cdot \text{s}^{-1}$ la vitesse minimum V_{min} à laquelle elle doit percuter le bumper.

$$V_{min} = 28 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

c) Quelle hypothèse avez-vous fait sans même vous en rendre compte ?

ENERGIE MECANIQUE / cinétique de rotation

EXERCICE 3

Calculer en J l'énergie cinétique E_C d'un rotor d'éolienne de moment d'inertie $J = 5,3 \cdot 10^7 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$ et tournant à une vitesse de rotation $N = 3 \text{ tr} \cdot \text{min}^{-1}$.

$$E_C = 2,6 \cdot 10^6 \text{ J}$$

☞ Moment d'inertie : voir fiche n°7 section « Mécanique du solide ».

EXERCICE 4

On impose à un volant d'inertie (voir fiche n°3 en énergétique) une vitesse angulaire $\omega = 15 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$ et une énergie cinétique $E_C = 50 \text{ kJ}$.

a) Calculer en $kg \cdot \text{m}^2$ son moment d'inertie I_G .

$$I_G = 444 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$$

Le volant d'inertie est en acier et sa géométrie est un cylindre de diamètre $d = 1 \text{ m}$.

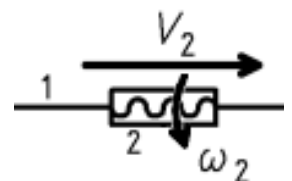
b) Calculer en mm son épaisseur e .

$$e = 580 \text{ mm}$$

ENERGIE MECANIQUE / cinétique de translation et rotation

EXERCICE 5

Soit la liaison hélicoïdale (ou système « vis/écrou ») ci-contre. On donne le nombre de filets, $Z = 1$ et le pas de vis $p = 0,5 \text{ mm}$. La vis (1) est fixe et s'est l'écrou (2) qui tourne et translate à la vitesse $v_{écrou} = 50 \text{ mm} \cdot \text{s}^{-1}$. L'écrou a une masse $m = 490 \text{ gr}$ et un moment d'inertie $J = 3 \cdot 10^{-2} \text{ kg} \cdot \text{m}^2$.



a) Calculer en J l'énergie cinétique de translation E_{CT} de l'écrou.

$$E_{CT} = 1,22 \cdot 10^{-5} \text{ J}$$

b) Calculer en J l'énergie cinétique de rotation E_{CR} de l'écrou.

$$E_{CR} = 1,64 \cdot 10^{-6} \text{ J}$$

c) Calculer en J l'énergie cinétique totale E_C de l'écrou.

$$E_C = 1,38 \cdot 10^{-5} \text{ J}$$

d) Calculer en % les contributions des énergies cinétiques de translation et de rotation. $E_{CT} = 0,06\% / E_{CR} = 99,94\%$

ENERGIE MECANIQUE / potentielle de hauteur

EXERCICE 6

Calculer en J l'énergie potentielle de pesanteur E_p d'une personne de masse $m = 46 \text{ kg}$ placée sur terre à une hauteur $h = 3,5 \text{ m}$.

$$E_p = 1579 \text{ J}$$

EXERCICE 7

Calculer en m la hauteur que doit avoir une personne de masse $m = 68 \text{ kg}$ pour que son énergie potentielle de pesanteur soit $E_p = 2 \cdot 10^3 \text{ J}$.

$$h = 3 \text{ m}$$

EXERCICE 8

Soit une cabine d'ascenseur de masse $m_c = 1200 \text{ kg}$ et ses occupants de masse $m_o = 600 \text{ kg}$ placés dans le champ de pesanteur terrestre. On ne souhaite pas dépasser une énergie potentielle de pesanteur $E_p = 0,5 \text{ MJ}$. Calculer en m la hauteur maximum h à ne pas dépasser.

$$h = 28,3 \text{ m}$$

ENERGIE MECANIQUE / potentielle de déformation

EXERCICE 9

On considère un ressort de compression de raideur $k = 2200 \text{ N} \cdot \text{m}^{-1}$ que l'on comprime à une flèche $\Delta L = 0,0063 \text{ m}$. Calculer en J l'énergie potentielle élastique E_p dont il dispose.

$$E_p = 0,043 \text{ J}$$

EXERCICE 10

On considère un ressort de compression de raideur $k = 3 \text{ N} \cdot \text{mm}^{-1}$ que l'on comprime à une flèche $\Delta L = 12 \text{ mm}$. Calculer en J l'énergie potentielle élastique E_p dont il dispose.

$$E_p = 0,216 \text{ J}$$

EXERCICE 11

On considère un ressort de traction de raideur $k = 8 \text{ N} \cdot \text{mm}^{-1}$ sur lequel on tire avec une force $F = 160 \text{ N}$.

a) Calculer en mm puis en m l'allongement ΔL qu'il subit.

$$\Delta L = 20 \text{ mm} \equiv 0,02 \text{ m}$$

b) Calculer en J l'énergie potentielle élastique E_p dont il dispose.

$$E_p = 1,6 \text{ J}$$

c) (Essayer de) Montrer que l'expression de la force en fonction de l'énergie est $F = \sqrt{2 \cdot k \cdot E_p}$.

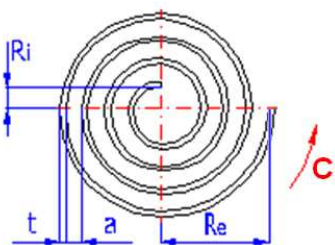
d) Calculer en N la force F' pour que son énergie potentielle élastique soit $E_p' = 3 \cdot E_p$.

$$F' = 277 \text{ N}$$

EXERCICE 12

On considère un ressort de torsion en spirale de raideur $k = 3 \text{ N} \cdot \text{m} \cdot \text{rad}^{-1}$ subissant un couple $C = 0,9 \text{ N} \cdot \text{m}$.

☞ Ressort de torsion : voir fiche n°8 section « Modélisation des efforts ».



a) Compléter la figure ci-contre en mettant en évidence le déplacement angulaire α .

b) Calculer en rad puis en deg le déplacement angulaire α .

$$\alpha = 0,3 \text{ rad} \equiv 17,2 \text{ deg}$$

c) Calculer en J l'énergie potentielle élastique E_p dont il dispose.

$$E_p = 0,135 \text{ J}$$

EXERCICE 13

Une barre en magnésium de section cylindrique de diamètre $d = 10 \text{ mm}$ et de longueur $L = 700 \text{ mm}$ est sollicitée en traction avec une force $F = 1450 \text{ daN}$.

a) S'assurer que la déformation est élastique.

b) Calculer en J l'énergie de déformation W (voir section « RDM »).

$$W = 20,6 \text{ J}$$